

Title	雑記
Author(s)	山内, 省三
Citation	全国紙上数学談話会. 157 p.170-p.176
Issue Date	1938-03-30
oaire:version	VoR
URL	<a href="https://doi.org/10.18910/74623">https://doi.org/10.18910/74623</a>
rights	
Note	

*Osaka University Knowledge Archive : OUKA*

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

Osaka University

## 697. 雑記

山内省三 (阪大)

Kompaktum  $F \subset R^n$  が Komplexenfolge

$$(1) \quad K_1, K_2, \dots, K_m, K_{m+1}, \dots, \mathcal{P}(K_{m+1}) = K_m$$

ヲ定義サレルコトハ P. Alexandroff = ヨリ証明サレタノ

デスガ、Folge (1) = 於ケル各 Komplex  $K_m$  ハ具体的 =

ドウ作ルカ ト云フコトハ示サレテオリマセン。適當ニ作ルト  
Fが定義サレルト云フノデス。

Fノ  $\mathcal{E}_m$ -überdeckungノ Nerv トシテ  $K_m$   
ヲ考ヘル際 Fノ Menge トシテノ如何ナル性質ニ  $K_m$ ハド  
ノ様ナ影響ヲ受ケルダロウカ、ソレニツイテハ唯次ノ様ナコ  
トが云ヘマス。

I. (i)  $F^n \subset R^n$ ガ Hurewicz, Menger<sup>1)</sup>ノ意味  
デ ein-stufig zusammenhängend デアル  
トキハ Fノ  $\mathcal{E}_m$ -überdeckung ( $\lim_{m \rightarrow \infty} \mathcal{E}_m = 0$ )ノ  
Nerv  $K_m$ ハ zusammenhängend + Komplex  
ガ然モ

(ii) Fノ Schnitt  $S$  ( $\dim S = 0$ )ガ 高々有限個ノ  
点ヨリ成ルトキハ、アル  $m_0 =$  対シ  $m \geq m_0$  ナル  $m =$  対ス  
ル  $K_m$ ハスベテ nicht-stark zusammenhängend<sup>2)</sup>,

(iii) Sガ 少クモ 一ツ集積点ヲ有スルトキハ  $K_m$ ハ常ニ  
stark zusammenhängend = 出来ル。

II. Fガ  $i$ -stufig-zusammenhängend  
( $i > 1$ ) ナルトキハ常ニ  $K_m$ ハ stark-zusammen-  
hängend = 出来ル。

一般ノ次元ノトキハ Induktion ヲ使ヘバヨロシ

1) W. Hurewicz und K. Menger: Dimension und  
Zusammenhangsstufe Math. Ann. 100

2) P. Alexandroff u. H. Hopf Topologie erster Band

イカラ、コノチハ  $F^2$ ノ場合ダケニツイテ Nervヲ作ツテ  
ミマセウ。

$$F^2 \subset R^2$$

$$F = F_1 + S + F_2 \quad S = \overline{F}_1 \cdot \overline{F}_2 \quad \dim. S = 0$$

(i)  $S$ ガ高々有限個ノ点ヨリ成ルトナ

即チ  $S = \{P_1, P_2, \dots, P_S\}$ トスル。

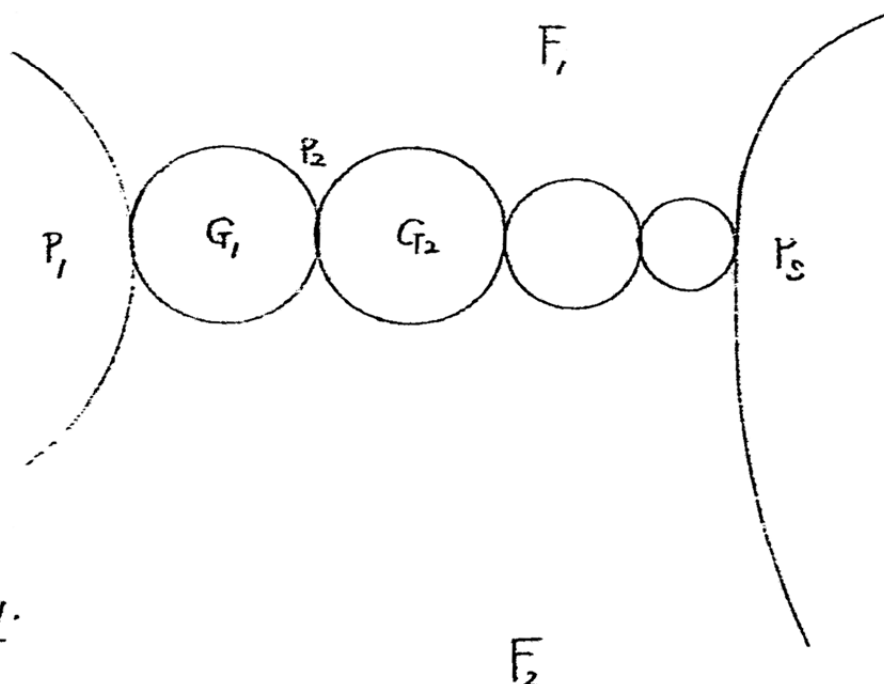


Fig 1.

Außenraum, Komponenten  $\Rightarrow$

$$\overline{R^2 - F} = \{\overline{G}_1, \overline{G}_2, \dots, \overline{G}_{S-1}, \dots\} \text{トスル。}$$

コノ中 Bogenpaar  $\overbrace{P_1 P_2}^1, \underbrace{P_1 P_2}_2; \overbrace{P_2 P_3}^1, \underbrace{P_2 P_3}_1; \dots; \overbrace{P_{S-1} P_S}^1$

$\underbrace{P_{S-1} P_S}_2 = \tau$  囲マレルニナ

$\overline{G}_1, \overline{G}_2, \dots, \overline{G}_{S-1}$  トスル。

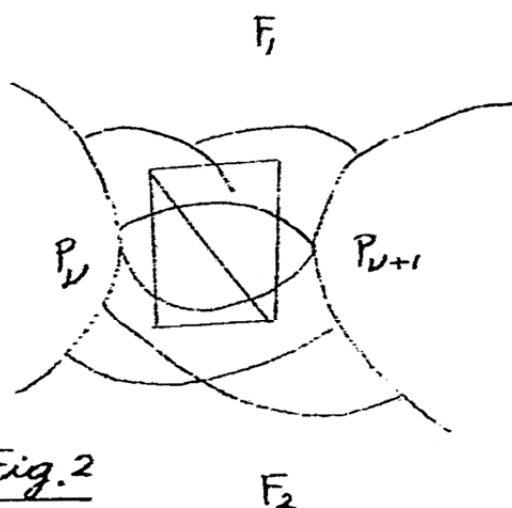
即チ  $\overline{G}_\nu$ ハ bogen  $\overbrace{P_\nu, P_{\nu+1}}^1, \underbrace{P_\nu, P_{\nu+1}}_2 = \tau$  囲マレル

Komponent  $\neq \tau$  。

Min. Durchmesser  $(\overline{G}_1, \overline{G}_2, \dots, \overline{G}_{s-1}) = \overline{\varepsilon}$

トス。

(1)  $\varepsilon \geq \overline{\varepsilon}$  / トキ



Bogen  $\overbrace{P_{\nu} P_{\nu+1}}^1 = \text{接スル } \varepsilon\text{-überdeckung}$   
 1 Elementen  $\neg U_{11}, U_{12}$   
 $\underbrace{P_{\nu} P_{\nu+1}}_2 = \text{接スル Elementen}$

$\neg U_{21}, U_{22}$  トスル。

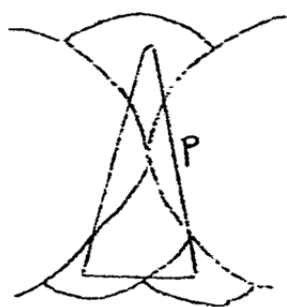
コゝ =  $\begin{cases} U_{21} \cdot \overline{F}_1 = \text{点 } P_{\nu}, P_{\nu+1} \\ U_{22}, \overline{F}_1 = \overbrace{P_{\nu} P_{\nu+1}}^1 \\ U_{11}, U_{12} \text{ハ 大々 } P_{\nu}, P_{\nu+1} \text{ヲ含ムガ 双方共} = P_{\nu}, P_{\nu+1} \\ \text{ヲ同時} = \text{含マヌ様} = \text{選ベ。} \end{cases}$

コゝ  $\varepsilon$ -überdeckungハ stark zusammenhängend + Komplexヲ映ヘル。

(Fig. 2) 図ハ便宜上 Fデ実現サセテオイタ。

(2)  $\varepsilon < \overline{\varepsilon}$  / トキハ

Fig. 3



Sガ唯一点ヨリ成ルトキ = 帰着シテ考ヘラレル。

コノトキハ如何様ニシテ  $\varepsilon$  nicht-stark zusammenhängend.

(iii)  $S =$  シフトモーツ集積点が存在スルトキ。

與ヘラレタ  $\varepsilon =$  對シ適當 = 區切りヲツケテ Fig. 2 1 場合 = 導ク。

$\varepsilon$  が如何 = 小サク テモ 集積点  $P$  ノ 附近デハ コノコト が 可能ナル故、 $Nerv$  ハ  $Starkzusammenhängend$ 。

所テ Schritt  $S$  ヲ 定義スル  $Komplexenfolge$  ヲ 考ヘル = ハ Fig. 2 ヲ 用ニテ 次ノ様ニ シタ方がヨイ。

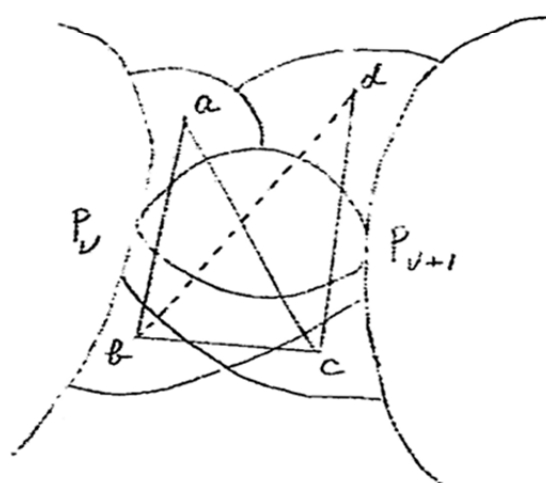


Fig. 4

Bogen  $\overset{1}{P_v P_{v+1}}, \underset{2}{P_v P_{v+1}} =$

接スル Elementen ヲ 夫々

$U_{11}, U_{12}; U_{21}, U_{22}$

コノ 場合  $U_{11}, U_{12}, U_{21}$  ハ 前ノ 通り。

$U_{22} \cdot \overline{F_i} =$  点  $P_v, P_{v+1}$  ト スル。

即チ Bogen  $\overset{1}{P_v P_{v+1}}$  ハ  $U_{22}$  = 含マセ + イ。

カク スルト  $Nerv$  ハ  $nicht-Starkzusammenhängend$ 。

$\varepsilon_v$  ヲ 如何 = 小サク 與ヘテモ  $\forall v =$  對スル  $Nerv$   $K_v$  ハ  $nicht-starkzusammenhängend$ 。

$$K_v = K_{1v} + K_{2v}$$

コノ  $K_{1v}, K_{2v}$  ハ 夫々  $Starkzusammenhängend$  = 作レル。且ツ  $K_{1v}, K_{2v}$  ハ 0-次元 Komplex デ 隣ツキナル。

$$(2) \quad K_{11}, K_{12}, \dots, K_{1\nu}, \dots$$

$$(3) \quad K_{21}, K_{22}, \dots, K_{2\nu}, \dots$$

(3),  $K_{2\nu}$  中 = ハ Schnittヲ定義スル Teilkomplex  $Q_{2\nu}$  が含まレテキル。

Fig. 4デハ

点  $P_\nu, P_{\nu+1}$ ヲ表ハス Simplexenseolge = 於テ  $K_\nu =$  於ケル  $\nu$ -te Koordivaten ハ夫々 Simplex  $|abc|, |bcd|$ ヲテイル。

$$K_{2\nu} = K'_{2\nu} + Q_{2\nu}$$

$$\therefore K_\nu = K_{1\nu} + Q_{2\nu} + K'_{2\nu}$$

$$\left. \begin{array}{l} \{K_{1\nu}\} \text{ハ } F_1 \\ \{K_{2\nu}\} \text{ハ } F_2 \\ \{Q_{2\nu}\} \text{ハ } S \end{array} \right\} \text{, Projektionsspektrum デアレテ}$$

$$\overline{F}_1 \cdot \overline{F}_2 = S$$

$$\lim K_{1\nu} \cdot \lim K_{2\nu} = \lim Q_{2\nu}$$

$F^2$  が zwei-stufig zusammenhängend ,  
トキハ  $F^2$  ハ Cantorsche Mannigfaltigkeit =  
ナル、コノ場合ハ前ノ Schnitt が高々有限個ノ点ノミヨ  
リ成ルトキノ様 = überdeckung = 窮屈ナ思ヒ (コレハ  
ソレヲノ Schnitt punktノ Ordnungヲ保持スル  
ヌメ = 生ズル)ヲシテ  $\mathcal{N}$  ヲヨイカラ Nerv が stark  
zusammenhängend ナル如ク überdeckung  
が可能。

一般ニ  $F^n \subset \mathbb{R}^n$  が  $i$ -stufig zusammenhängend  
( $i > 1$ ) デアレバ stark zusammenhängend +

Komplexenfolge  $\Rightarrow$  approximate 出来る。

$i = n$  トキハ  $n$ -dim. Cantorsche Mannigfaltigkeit  $\Rightarrow$  アツアコレハ又ハリ stark-zusammenhängend + Komplexenfolge  $\Rightarrow$  approximate 出来るか、然シ逆ハ成立シナイカラ Cantorsche Mannigfaltigkeit  $\neq$  Komplexenfolge  $\Rightarrow$  之ヲ Characterisieren スルコトハ出来ナイ。